

Chapitre 1

Numériser: c'est pour se présenter les choses, images nombres, mots parlés, par des symboles.

ex: 10 chiffres - 10 doigts

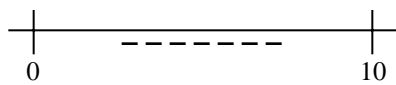
ex: image TV: 250,000 points image-pixel-30ms

ex: lettres de l'alphabet

→ en design numérique: représentation BINAIRE - base 2

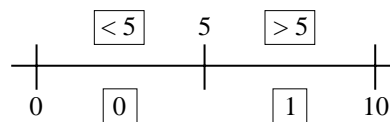
→ numérique: revient à catégoriser tout avec 2 états

1.1 Continu au discret

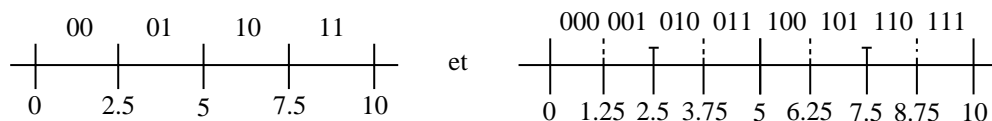


contient un nombre infini de points car domaine continu

(peut être numérisé en divisant par 2 et en assignant symbole $\boxed{0}$ et $\boxed{1}$)



et on poursuit car cette division est approximative



en ajoutant des 0 et des 1. Ici on a 8 nombres disponibles dans cette représentation. C'est en fait une conversion A/N!

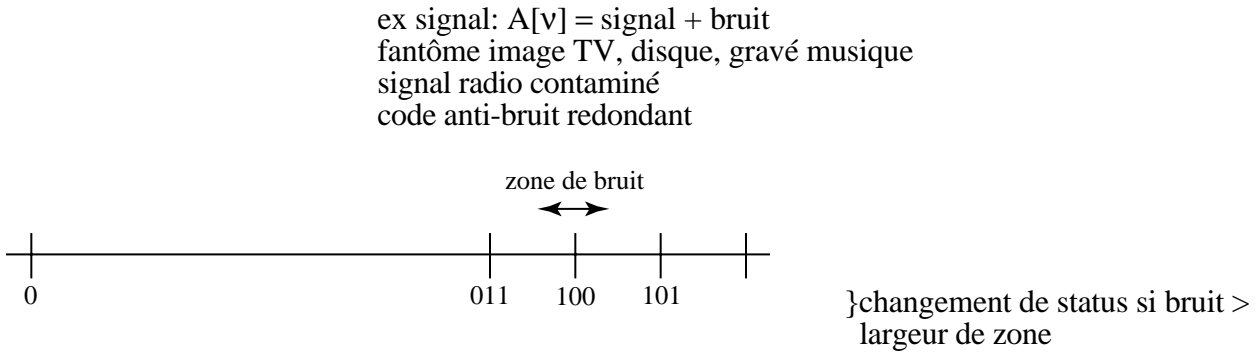
• • • • • • • •
000 001 010 011 100 101 110 111

Pourquoi numériser?

On vit dans un monde numérique: calculs scientifiques, transactions bancaires, enregistrements numériques, bientôt, la télévision, "l'âge de l'information" → l'âge du code binaire.

-beaucoup d'avantages (+que d'inconvénient)

- 1 Les données numériques sont moins sensibles au bruit (P/r à data analogue) pour l'acquisition, la transmission et la mémorisation de données).



- 2 Traitement (mémorisation par circuits à semi conducteur à coût raisonnable:

- millions de transistors ou interruptions sur une puce silicium
- changent des millions des fois par seconde
- consomment peu d'énergie
- coût $\mu\$/\text{switch}$

- 3 Combinaison facile avec théorème booléens

- 1854 Geroge Boole -publie théorie mathématique à ce propos
- ensemble de théorèmes avec des relation vrai-faux
- algèbre de Boole permet de minimiser l'usage du hardware.
- 2 états: vrai - faux et 1-0

1.2 Avantages de 2 états

-disponibilité d'interrupteurs dans les ic $\left\{ \begin{array}{l} 1 - \text{fermé} \\ 0 - \text{ouvert} \end{array} \right.$

-interrupteurs à la base des portes, à la base des circuits numériques arithmétiques.

Encodage: consiste à représenter quelque choses par un code

Question encoder
 l'ensemble
 $\{0,1,2,3\}$ en binaire

ex: chiffre

0	1	2	3
↕	↕	↕	↕
00	01	10	11

$3 \leq 4$

$\Rightarrow 2\text{bits}$ suffisent

Terminologie

- nibble - 4 bits
- byte -8 bits(ou octet)
- 1 string: suite de bits (ou chaîne)

1.3 Représentation binaire

-important: chaque position à une signification particulière

$$01010 \neq 00110$$

-en binaire le codage se limite à 2 symboles

-d'autres bases existent: 10,8,16... (hexadéainal),...

-conversion base B dans base D

$$D = \sum_{i=0}^{i_{\max}} P_i B^i \leftarrow \text{base} \quad i_{\max}: \text{nombre de positions } -1 \text{ dans la base B.}$$

P: Poids

ex: convertir le nombre 72₈ dans la base 10

$$P_0=2, P_1=7 \\ D = 2 \times 8^0 + 7 \times 8^1 = 2 + 56 = 58_{10}$$

ex: convertir le nombre (1234)₅ dans la base 10

$$D = 4 \times 5^0 + 3 \times 5^1 + 2 \times 5^2 + 1 \times 5^3 \\ = 4 + 15 + 50 + 125 = 194_{10}$$

ex: convertir le nombre (1234)₁₆ dans la base 10

$$D = 1 \times 16^3 + 2 \times 16^2 + 3 \times 16^1 + 4 \times 16^0 \\ = 4096 + 2 \times 256 + 3 \times 16 + 4 \\ = 4660_{10}$$

Représentations

	Décimal	Binaire	Hexadécimal	Octal
	0	0000	0	0
	1	0001	1	1
	2	0010	2	2
	3	0011	3	3
	4	0100	4	4
	5	0101	5	5
	6	0110	6	6
	7	0111	7	7
	8	1000	8	10
BCP	9	1001	9	11
<hr/>				
	10	1010	A	12
	11	1001	B	13
	12	1100	C	14
	13	1101	D	15
	14	1110	E	16
	15	1111	F	17
<hr/>				
	16	10000	10	20

Exemple:

$$10_H = 1 \times 16^1 + 0 \times 16^0 = 16_{10}$$

$$20_8 = 2 \times 8^1 + 0 \times 8^0 = 16_{10}$$

4 bits permettent de coder $4^2 = 16$ états, de 0 à 15₁₀

symboles octal: {0,1,2,3,4,5,6,7} total 8 symboles
 hexadécimal {0,1,.....,9, A,B,C,D,E,F} total 16 symboles

•BCD : Binary Coded Decimal: code les nombres décimaux sur 4 bits

On emploie 1 ensemble de 4 bits par chiffre

$$\frac{0001 \quad 0000}{99_{10}}, \text{ donc 5 bits en BCD}$$

$$99_{10} = 1001 \quad 1001 \text{ en BCD (8 bits)}$$

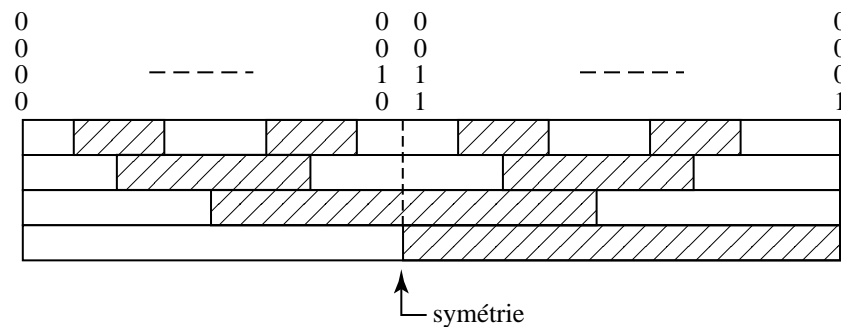
Utile dans les calculatrices notamment (évite les conversions fastidieuses, conversions directes).

ex BCD 1024₁₀ en BCD? [0001 0000 0010 0100]₂

•Gray code: d'un code à l'autre le code Gray ne change que d'un bit, il y a aussi une certaine symétrie .

1-0000				
2-0001			2 0001	15 1001
3-0011				
4-0010			3 0011	14 1011
5-0110				
6-0111				
7-0101			4 0010	13 1010
8-0100		}	axe de symétrie	,
9-1100				
10-1101				
11-1111				
12-1110			8 0100	9 1100
13-1010				
14-1011				
15-1001				
16-1000				

Utilité: encoder des entrées multiples qui changent 1 à la fois



Représentation de grands nombres en binaire

On rajoute simplement des bits

conversion octale ← binaire
hex ← binaire

aisée: simplement faire des groupements de 3 ou 4 bits.

exemple: $(10\ 10\ 11\ 01\ 01)_2$ en hex et octal

octal: $\underbrace{001}_1 \underbrace{010}_2 \underbrace{110}_6 \underbrace{101}_5 \rightarrow 1265_8$

hex: $\underbrace{0010}_2 \underbrace{1011}_B \underbrace{0101}_5 \rightarrow 2B5_H$

vérifions: $1265_8 = 1 \times 8^3 + 2 \times 8^2 + 6 \times 8^1 + 5 \times 8^0 = 512 + 2 \times 64 + 48 + 5 = 693_{10}$

$$\text{et } 2B5H = 2 \times 16^2 + 11 \times 16^1 + 5 \times 16^0 = 2 \times 256 + 176 + 5 = 693_{10}$$

exemple convertir 2B5H en binaire et octal

$$\begin{aligned} \text{groupes de 3 et de 4} &\Rightarrow \underbrace{001}_1 \underbrace{010}_2 \underbrace{110}_6 \underbrace{101}_5 \Rightarrow (\underbrace{0010}_2 \underbrace{1011}_B \underbrace{0101}_5) \\ &\Rightarrow 12658_8 \end{aligned}$$

C'est ce qu'on appelle le codage positionnel puisque la position du code influence sa valeur. On verra plus tard le codage en point flottant.

1.4 Méthodes:conversion binaire à décimal:

1 On emploie la relation

$$D = \sum_{i=0}^{N-1} B_i 2^i \quad B_i = 0 \text{ ou } 1, \text{ le } i^{\text{ème}} \text{ digit et } N = \text{le nombre de bits}$$

ex: 1010₂ ici N=4

$$n = 1 \times 2^3 + 0 \times 2^2 + 1 \times 2^1 + 0 \times 2^0$$

$$n = 8 + 0 + 2 + 0 = 10_{10}$$

ex: ((1010 11 101)₂ = ? en base 10

$$1 \times 2^8 + 0 \times 2^7 + 1 \times 2^6 + 0 \times 2^5 + 1 \times 2^4 + 1 \times 2^3 + 1 \times 2^2 + 0 \times 2^1 + 1 \times 2^0$$

$$256 + 0 + 64 + 0 + 16 + 8 + 4 + 0 + 1 = 349_{10}$$

2 binaire→déc. on peut aussi d'abord convertir en hex puis en décimal

ex (101011101)₂ = 15DH

$$\underbrace{0001}_1 \underbrace{0101}_5 \underbrace{1101}_{D_H} = 1 \times 16^2 + 5 \times 16^1 + 13 \times 16^0$$

$$= 256 + 80 + 13$$

$$= 349_{10} \text{ m\^a resultat, moins de risque d'erreur}$$

3 méthode 3: calculatrice ou Matlab ou calculette sur windows

Calcul de fractions, c'est en fait le même procédé, mais avec des exposants négatifs.

$$\text{ex: } (0.1)_2 = 0 \times 2^0 + 1 \times 2^{-1} = 0 + \frac{1}{2} = 0.5_{10}$$

$$\text{ex: } (0.1010)_2 = 0 \times 2^0 + 1 \times 2^{-1} + 1 \times 2^{-3} = 0.5 + 0.125 = (0.625)_{10}$$

$$2^{-1} = 0.5$$

$$2^{-2} = 0.25$$

$$2^{-3} = 0.125$$

Expression générale:

$$D_n = \sum_{k=-N}^{+m} B_k 2^k$$

pour le nombre

$$B_m B_{m-1} \dots B_2 B_1 B_0 . B_{-1} B_{-2} \dots B_{-n}$$

1.5 Conversion Base → 10 au binaire

- 1 Méthode par soustraction successive de la plus grande puissance de 2 on décompose le nombre en somme de puissance de 2.

$$\text{ex: } 33_{10} = (?)_2$$

$$33_{10} = 32 + 1 = 2^5 + 2^0 = (10001)_2$$

$$\text{ex: } 1997_{10} = (?)_2$$

$$1997 = 1024 + 512 + 256 + 128 + 64 + 8 + 4 + 1$$

$$= 2^{10} + 2^9 + 2^8 + 2^7 + 2^6 + 2^3 + 2^2 + 2^0$$

$$\begin{array}{cccccccccccc} 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 0 & 0 & 1 & 1 & 0 & 1 & & \\ 10 & 9 & 8 & 7 & 6 & 5 & 4 & 3 & 2 & 1 & 0 & & \end{array} \quad (11111001101)_2$$

- 2 Méthode par division successive. On peut diviser* par 2 ou plus simplement par 16 pour convertir en hex directement

$$\text{ex: } (33)_{10}$$

$$33/16 = 2$$

*avec la plus grande puissance possible

$$16^1 = 16$$

$$\text{donc } 2 \times 16 + 1 = 33$$

$$16^2 = 256$$

$$(21)_{\text{hex}} = 0010\ 0001\ (10\ 0001)_2$$

$$16^3 = 4096$$

$$\text{ex } (1997)_{10} = 1997/256 = 7 \text{ reste } 205, 205/16 = 12 \text{ reste } 13$$

$$= 7CDH = (\underbrace{0111}_7 \underbrace{1100}_{12} \underbrace{1101}_{13})_2$$

$$\text{ex: } 321_{10} = (?)_2$$

$$\begin{aligned} 321/256 &= 1 \text{ reste } 65, 65/16 = 4 \text{ reste } 1 \\ 321 &= (141)\text{H} \quad (0001\ 0100\ 0001)_2 \\ &\text{r\acute{e}p. } (101000001)_2 \end{aligned}$$

En divisant par 16, ça va plus vite que par 2 et la conversion Hex → Binaire est directe.

Conversion de fractions

Le processus peut être sans fin, il faut donc spécifier une résolution ex: sur 8,16, 32 bits.

-Les mêmes méthodes s'appliquent.

$$\text{ex } (0.4)_{10} = (?)_2$$

$$\begin{aligned} 0.4 &= 0.25 + 0.125 + 0.015625 + \dots \\ &= [0.390625] \\ &= 2^{-2} + 2^{-3} + 2^{-6} + \dots \end{aligned}$$

Table 1.4 Table des fractions

$$\begin{array}{cccccc} \text{donc} & 0.0 & 1 & 1 & 0 & 0 & 1 \\ & -1 & -2 & -3 & -4 & -5 & 6 \\ & & & & & & (0.011001)_2 \end{array}$$

$$\begin{aligned} 2^{-1} &= 0.5 \\ 2^{-2} &= 0.25 \\ 2^{-3} &= 0.125 \\ 2^{-4} &= 0.0625 \\ 2^{-5} &= 0.03125 \\ 2^{-6} &= 0.015625 \end{aligned}$$

1.6 Troncature et arrondissement

Si on stoppe simplement le calcul de la fraction après un nombre arbitraire de chiffres, on parle de "troncature".

ex $3.14159 \leftrightarrow \pi$ tronqué à 5 chiffres après le point

On peut aussi compléter, arrondir la dernière position pour + de précision

Ex $\underbrace{3.1416}_{\text{arrondir}}$ plus précis que $\underbrace{3.1415}_{\text{tronquer}}$

Sujet traité plus en détail en "Analyse numérique pour ingénieur."

1.7 Addition de nombres binaires non-négatifs

Avec la somme de 2 bits:

$$4 \text{ cas } \left\{ \begin{array}{l} 0 + 0 = 0 \quad \swarrow \text{somme} \\ 0 + 1 = 1 \\ 1 + 0 = 1 \\ 1 + 1 = 0 \quad \text{retenue } \underset{1}{\quad} \quad \text{somme } \underset{0}{\quad} \end{array} \right.$$

En additionnant 2 nombres binaire de plusieurs bits, cela revient au fond à additionner 3 bits (avec la retenue). Examinons les cas possibles:

0	0	0	0	1	1	1	1}
0	0	1	1	0	0	1	1}
0	+1	+0	+1	+0	+1	+0	+1}
00	01	01	10	01	10	10	11

Retenue
 nombre A
 Nombre B
 résultat: retenue et somme

ex additionner $7_{10} + 22_{10}$ en binaire

00111
 22 $16+4+2=$ 10110
 $(11101)_2 = 1D_H = 16 + 13 = 29_{10}$

1.7 Addition modulaire

On peut représenter l'addition de 2 bits par un bloc

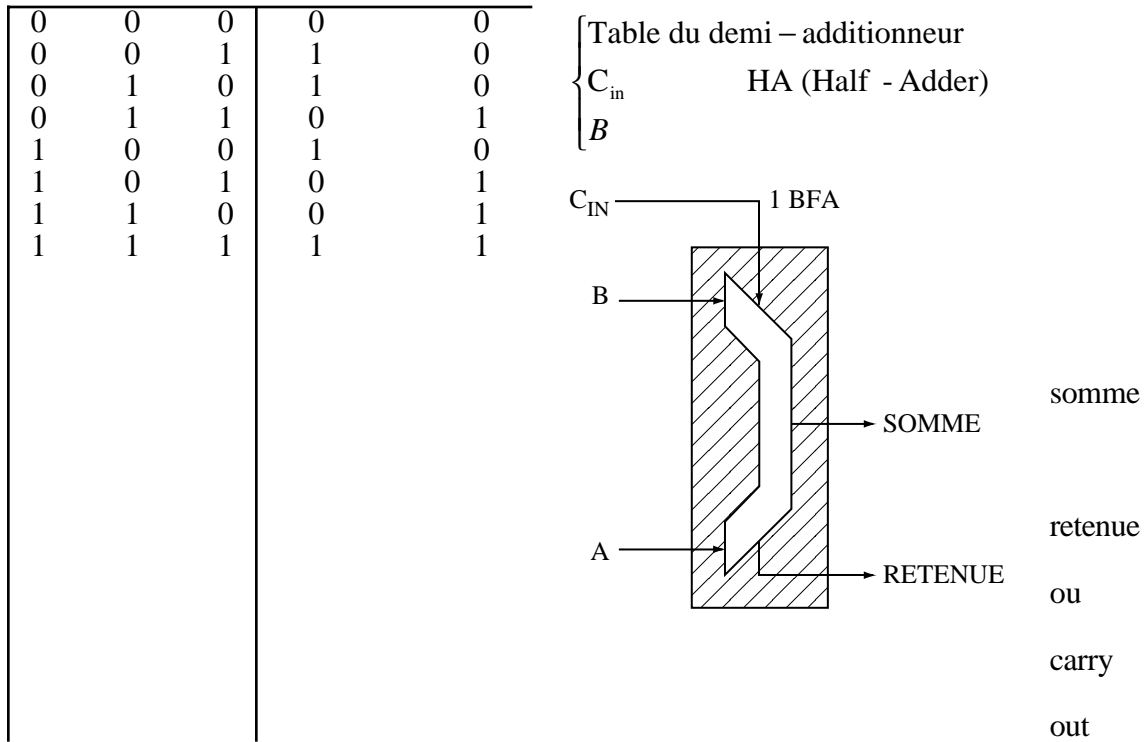
A	B	somme	retenue
0	0	0	0
0	1	1	0
1	0	1	0
1	1	0	1

A- C'est le
demi
additionneur
ou Half-
Adder -

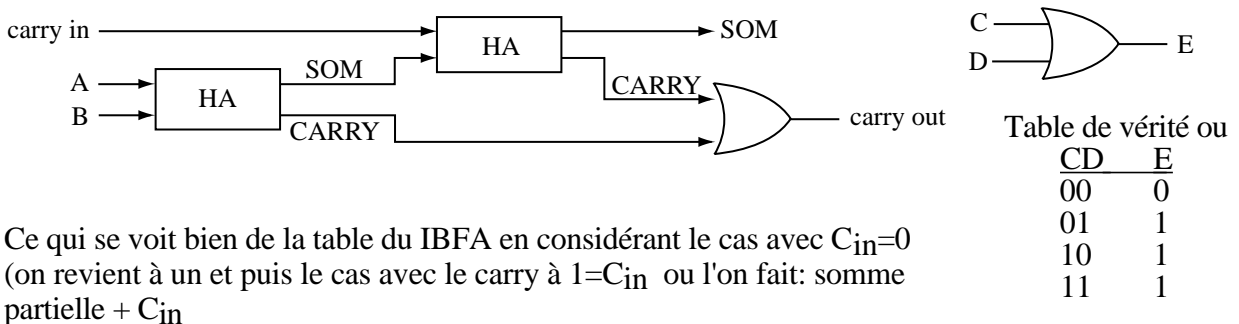
B- -
somme
-retenue

On verra plus tard comment réaliser ce bloc en portes discrètes et maintenant l'additionneur complet sur 1 bit (1 bit Full adder) 1BFA

Cin	A	B	somme retenue
-----	---	---	---------------

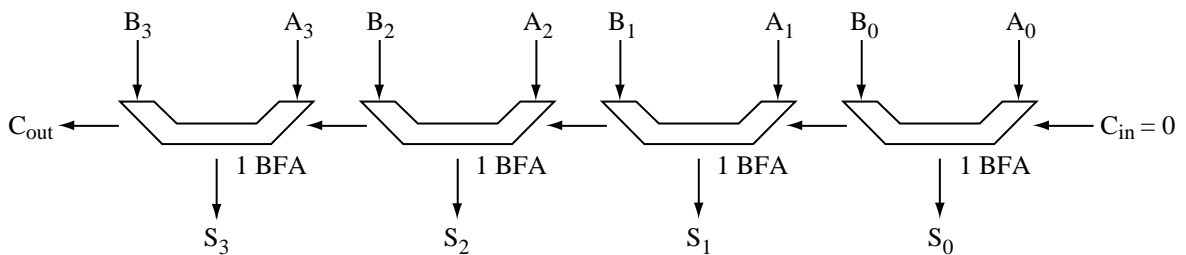


On peut tout de suite voir le développement du 1BFA en termes de HA



Ce qui se voit bien de la table du IBFA en considérant le cas avec $C_{in}=0$ (on revient à un et puis le cas avec le carry à $1=C_{in}$ ou l'on fait: somme partielle + C_{in})

Pour des additions généralisées, on juxtapose des 1BFA puisque sur (4 bits): $\{B_3, B_2, B_1, B_0\} + \{A_3, A_2, A_1, A_0\} = \{tout, S_3, S_2, S_1\}$



C'est un exemple de bon design, puisque modulaire (ie concevoir un système à partir de sous-systèmes génériques). Requier peut-être plus de composants qu'une approche directe, mais + facile à traiter/réparer) moins coûteux à long terme.

1.8 Soustraction et modularité

A-B = A+(-B) donc on peut employer une approche avec IBFA modulaire en exprimant en binaire un nombre négatif (-B) Par les compléments 2:

- 1⁰- choisir un nombre max de bits
- 2⁰- poser que le bit à gauche (le + significatif): bit de signe
- 3⁰-inverser tous les bits du chiffre puis additionner 1

Sur 4 bits ça peut se représenter par une roue:

<table style="margin: auto;"> <tr> <td style="text-align: center;">1111</td> <td style="text-align: center;">0000</td> <td style="text-align: center;">0001</td> <td></td> </tr> <tr> <td style="text-align: center;">1110</td> <td style="text-align: center;">-1</td> <td style="text-align: center;">0</td> <td style="text-align: center;">1</td> </tr> <tr> <td style="text-align: center;">1101</td> <td style="text-align: center;">-2</td> <td></td> <td style="text-align: center;">2</td> </tr> <tr> <td style="text-align: center;">1100</td> <td style="text-align: center;">-3</td> <td></td> <td style="text-align: center;">3</td> </tr> <tr> <td style="text-align: center;">1011</td> <td style="text-align: center;">-4</td> <td></td> <td style="text-align: center;">4</td> </tr> <tr> <td style="text-align: center;">1010</td> <td style="text-align: center;">-5</td> <td></td> <td style="text-align: center;">5</td> </tr> <tr> <td style="text-align: center;">1001</td> <td style="text-align: center;">-6</td> <td style="text-align: center;">-7</td> <td style="text-align: center;">-8</td> </tr> <tr> <td style="text-align: center;">1000</td> <td style="text-align: center;">-7</td> <td style="text-align: center;">-8</td> <td style="text-align: center;">7</td> </tr> <tr> <td></td> <td></td> <td style="text-align: center;">1000</td> <td style="text-align: center;">0111</td> </tr> </table>	1111	0000	0001		1110	-1	0	1	1101	-2		2	1100	-3		3	1011	-4		4	1010	-5		5	1001	-6	-7	-8	1000	-7	-8	7			1000	0111	<p>ex: -7=?</p>	<table style="margin: auto;"> <tr><td style="text-align: center;">+7</td></tr> <tr><td style="text-align: center;">↓</td></tr> <tr><td style="text-align: center;">-7←</td></tr> </table>	+7	↓	-7←	<table style="margin: auto;"> <tr><td style="text-align: right;">0111</td></tr> <tr><td style="text-align: right;">1000 + 1</td></tr> <tr><td style="text-align: right; border-top: 1px solid black;">1001</td></tr> </table>	0111	1000 + 1	1001
1111	0000	0001																																											
1110	-1	0	1																																										
1101	-2		2																																										
1100	-3		3																																										
1011	-4		4																																										
1010	-5		5																																										
1001	-6	-7	-8																																										
1000	-7	-8	7																																										
		1000	0111																																										
+7																																													
↓																																													
-7←																																													
0111																																													
1000 + 1																																													
1001																																													
	<p>ex: avec zéro: 0000: +0</p>																																												
		<table style="margin: auto;"> <tr><td style="text-align: center;">1111</td></tr> <tr><td style="text-align: center;">1</td></tr> <tr><td style="text-align: center; border-top: 1px solid black;">0000-0</td></tr> </table>	1111	1	0000-0																																								
1111																																													
1																																													
0000-0																																													

exemple: calculer 7-3?

7-3 = 7+(-3) = (0111)+(1101)

<table style="margin: auto;"> <tr><td style="text-align: right;">+3: 0011</td></tr> <tr><td style="text-align: right;">1100</td></tr> <tr><td style="text-align: right;">+</td></tr> <tr><td style="text-align: right; border-top: 1px solid black;">1</td></tr> <tr><td style="text-align: right;">-3 1101</td></tr> </table>	+3: 0011	1100	+	1	-3 1101	+	<table style="margin: auto;"> <tr><td style="text-align: right;">0111 +7</td></tr> <tr><td style="text-align: right; border-bottom: 1px solid black;">1101 -3</td></tr> <tr><td style="text-align: right;">0100 +4</td></tr> </table> <p>notre notation est sur 4 bits, -on rejette donc le 5ième bit.</p>	0111 +7	1101 -3	0100 +4
+3: 0011										
1100										
+										
1										
-3 1101										
0111 +7										
1101 -3										
0100 +4										

exemple calculer 7+3

0111: +7
+
0011: +3

1010: -6!!!! c'est qu'en notation complément 2 sur 4 bits,+ 10 n'existe pas.

Les valeurs possibles vont de [-8,+7] (7+3=10) C' est ce qu'on appelle un overflow ou dépassement. Pour l'éviter ici, on aurait dû travailler sur une notation com. 2 à 5 bits plutôt.

Détection d'overflow: comparer les signes des nombres additionnés ensemble:

si on additionne 2nb de \hat{m} signe, et que le signe de la somme est différent, c'est qu'il y a eu overflow!. "carry out", "overflow" sont des bits de status, utiles pour le système.

note: •overflow: indique une erreur

•carry out: peut servir pour des calculs subséquents

important notation en complément 2 (C2) permet d'employer les modules vus précédemment pour réaliser des +, -, mais il faut bien déterminer un préalable la longueur max des mots.

1.9 Addition de fractions binaires

Le même procédé d'addition avec ou sans C2 demeure valide)

Ex1 $(.75 + 1.25)_{10} = 2_{10}$

$$\begin{array}{r} \downarrow \quad \quad \downarrow \\ 0.5+0.25 \quad 1.01 \quad \text{et} \quad 1.01 \\ \quad \quad 0.11 \quad \quad \quad \quad \quad \quad +0.11 \\ \quad \quad \quad \quad \quad \quad \quad \quad \quad 10.00 = +2_{10} \end{array}$$

0.1	2^{-1}	0.5
0.01	2^{-2}	0.25
0.001	2^{-3}	0.125

Ex2 Calculez $(1.25 - 0.75)$ avec C2 en binaire

$$\begin{array}{r} +1.25_{10} \leftrightarrow (1.01)_2 \\ +0.75_{10} \leftrightarrow \text{C2} : 11.01 \\ 1.25 \quad \quad 01.01 \\ +(-.75) \quad \quad \underline{11.01} \\ \quad \quad \quad \quad 00.10 \quad = 0.5 \text{ qui est} \\ \quad \quad \quad \quad \quad \quad \quad \quad \text{correct} \end{array}$$

On choisit un système à 4 bits pour éviter les overflow.
--

1.8 Codes et Encodage

On a vu les codes suivants: - binaire positionnel
-Gray
-BCD
-C2 pour nombre signés

d'autres sont disponibles: -musique
-code morse (1840) inventeur 20 mots/minutes du télégraphe
-code à Barres (ex UPC: 10 digits)
-ASCII: 7 bits code représentant 128 caractères (a...z, A...Z, 0,...9), symboles typographiques un 8 bit sert pour la parité (#total bit à 1 est pair ou impair)

(note en ASCII les chiffres sont encodés en BCD sur 8 bits.)

Pour récupérer le nombre BCD, il suffit donc simplement de "stripp off" (un pack) tous les bits sauf $B_3 \sim B_0$

exemple 0 \leftrightarrow 30 Hex 0110000 donc 011 et 0000
9 \leftrightarrow 39 Hex 0111 001 donc 011 et 1001

Caractéristiques d'un bon code

-s'il est : "standard", accepté par tous \Rightarrow meilleur

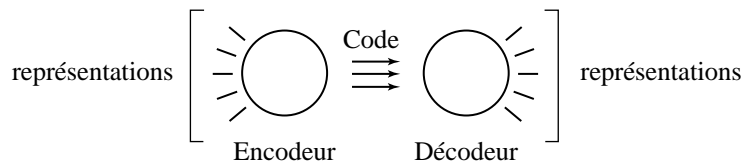
-rapidité: (pour encoder) (décoder)

-fiabilité: limite les erreurs lors du codage si rapide \Rightarrow moins de risque d'erreur

-compression de l'entrée: i.e. moins de lignes de sortie que de lignes d'entrées, critique pour par ex: compression de signaux TV ex BCD pour nombre 0 à 99 \Rightarrow 8 bits
alors qu'en binaire $99_{10} = 64+32+2+1=100011 \Rightarrow$ 7 bits seulement.

-compatibilité "acquiescement"

-sécurité: encryptage avec une clé



1.10 Des interrupteurs aux portes

-interrupteurs/robinets/valves: connus depuis des lustres

ex: aqueduc, instruments de musique

ouvert/fermé: 2 états - différents niveaux d'ouverture

ex: manette de toilette ex: -potentiomètres, robinet de douche
 -gradateur d'intensité

utile facilement réalisable en silicium

-commutable à grande vitesse $>10^6$ fois/s

-dissipe: peu d'énergie

-occupe: peu de place (microns)

coûte presque rien

Pour comprendre l'électronique numérique ça commence avec les interrupteurs.

1 0
ouvert- fermé

comme un robinet: fermé l'eau ne passe pas
 ouvert l'eau passe - électrons, photons, etc.

Distinction entre interrupteurs normaux et interrupteurs numériques: capacité d'un SW de commander un autre SW (effet en cascade) + interconnexions.

donc pour un SW, schéma + général:

Si $C > \text{seuil} \Rightarrow$ SW fermé

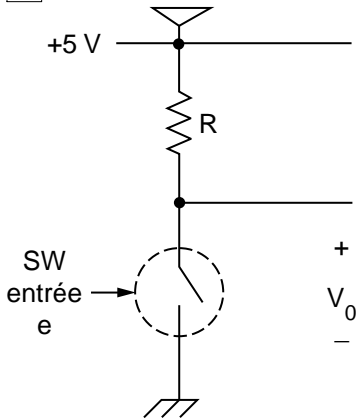
Si $C < \text{seuil} \Rightarrow$ SW ouvert

seuil ~ 2.5 volt (pour famille TTL, 5 volt)

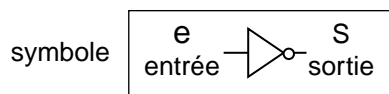
Porte=Circuit avec un ou plusieurs SW qui a une fonction particulière et versatile pour être un bloc d'un système, plus grand.

ne pas confondre avec la gate d'un transistor MOS

1 INVERSEUR: porte inverseuse

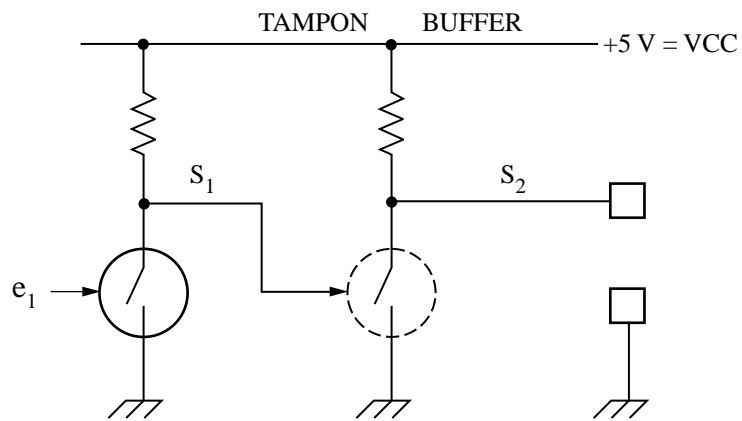


entrée sortie
 0 1
 1 0 } c'est un inverseur



INVERSEUR

2 TAMPON (BUFFER)



$$e_1 = S_2$$

Buffer du tampon



3 PORTE ET et NON-ET (NAND)

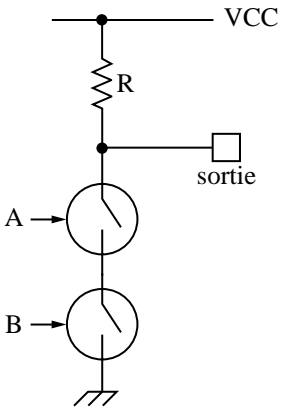
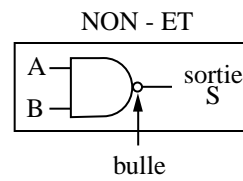
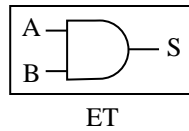


Table de vérité

A	B	S(ET)	S(NON-ET)
0	0	0	1
0	1	0	1
1	0	0	1
1	1	1	0



4 PORTE NON- OU (NOR)

symboles:

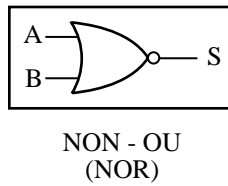
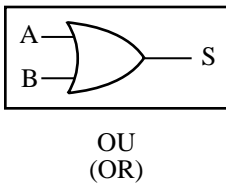
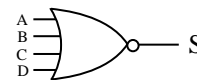
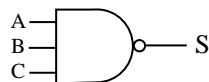


TABLE DE VÉRITÉ		S(OU)	S(NON-OU)
A	B		
0	0	0	1
0	1	1	0
1	0	1	0
1	1	1	0

5 On peut aussi avoir des portes à entrées multiples



6 Porte ou Exclusif (XOR) Porte plus complexe

Symbole XOR



Symbole (NXOR)

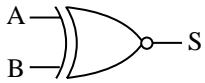
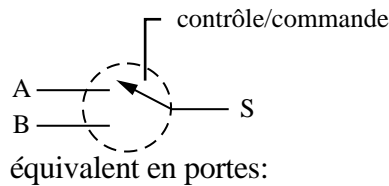


Table de vérité

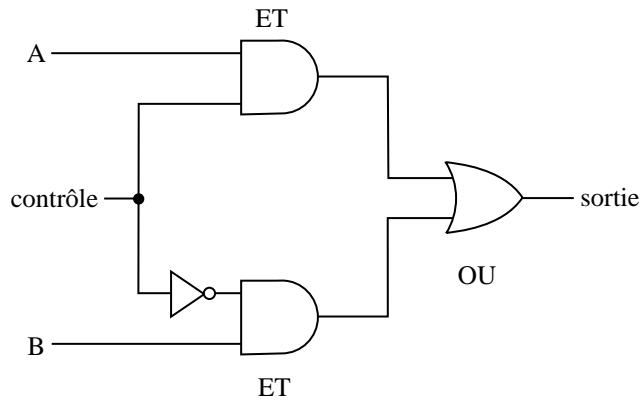
A	B	S(XOR)	S(NXOR)
0	0	0	1
0	1	1	0
1	0	1	0
1	1	0	1

1.11 Multiplexeurs

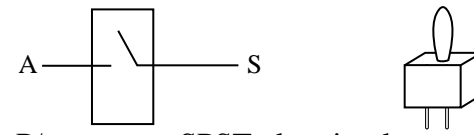
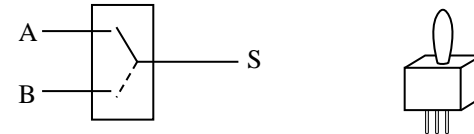
On veut ici créer un circuit qui permet de "passer/transférer" un signal numérique d'une ou de l'autre origine A au B.



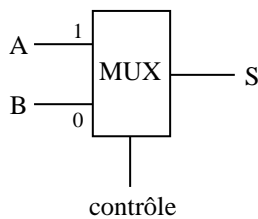
contrôle	sortie S
1	A
0	B



c'est en fait un SPDT "single pole - double throw"



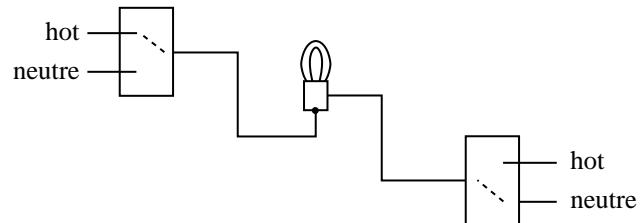
P/rapport au SPST plus simple



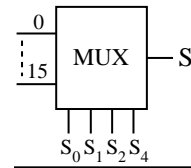
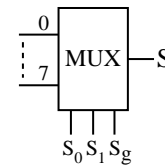
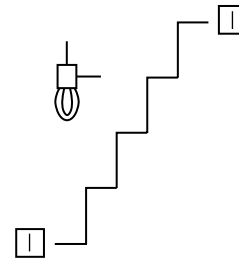
exemple: d'utilisation circuits d'escalier "three-way"

on veut réaliser un circuit permettant d'éclairer un luminaire à partir de 2 SW

Le circuit emploie 2 SPDT SW



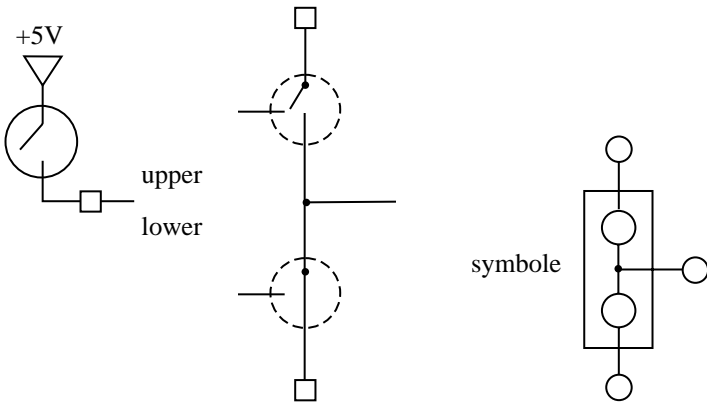
un SPDT est un MUX 2 à 1 (2 entrées 1 sortie)
Il existe aussi des MUX plus importants:



1.12 Sortie flottante

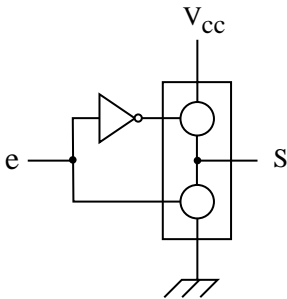
Problème: un simple SW a sa sortie flottante si ouvert. Cela n'est pas très pratique car cela mène à des incertitudes! Ce problème peut se régler au moyen de circuits à TOTEM POLE

C'est ce qu'on appelle un arrangement qui peut être compris de la façon suivante: 2 interrupteurs en cascades.



On peut le connecter comme ceci:

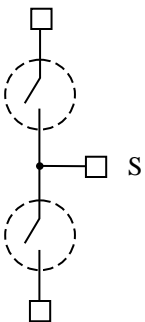
Si les 2 SW sont ouverts ou fermés jamais en même temps, la sortie est toujours définie Hi ou Lo.



Cet arrangement se construit bien en CMOS (complementary Metal Oxide Semi-conducteur).

1.13 Troisième état

Lors de la connexion de plusieurs portes ensemble, on a souvent besoin d'un 3ième état "haute impédance" ou "état flottant" pour éviter d'endommager un circuit.



ça revient à notre arrangement "Totem Pole" avec les 2 SW ouverts.

Exemple d'utilisation Mémoires, Buses

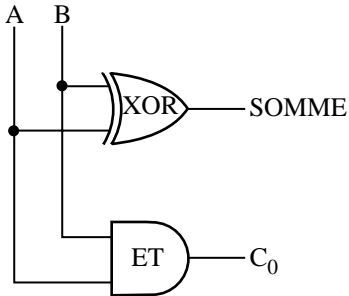
1.14 Circuits pour additionneurs

A	B	Somme	Retenue Co
---	---	-------	---------------

On a vu que:	0	0	0	0
	0	1	1	0
	1	0	1	0
	1	1	0	1

on remarque que
 $C_0 = AB$
Somme = $A \oplus B$

avec donc le design suivant



On verra dans les chapitres suivants des méthodes systématiques de design.

pour par exemple

- minimiser la taille des design
- minimiser les délais des propagation ("glitches")

1.15. CAD pour circuits design

2 approches -traditionnelles (utile petit circuit), à la main
 -CAD (utile pour grand circuit)

Les méthodes traditionnelles

emploient -MSI sur PCB wirewrap
 -ex: 7400 séries TTL
 voir livre TTL databook de Texas Instruments.

-méthodes sur papier, gros design: on découpe en sous bloc
 -changement → travail de re-design majeur

Encore employée pour la "glue logic" entre parties plus importantes réalisées en CAD

Méthodes CAD

-temps de mise au point rapide pour
 - systèmes importants
 e.g. contrôleur numérique d'autos
 -emploi des chips programmables, coût réduit
 -fiabilité
 -utilisation de langage CAD e.g. ABEL, VHDL, Verilog

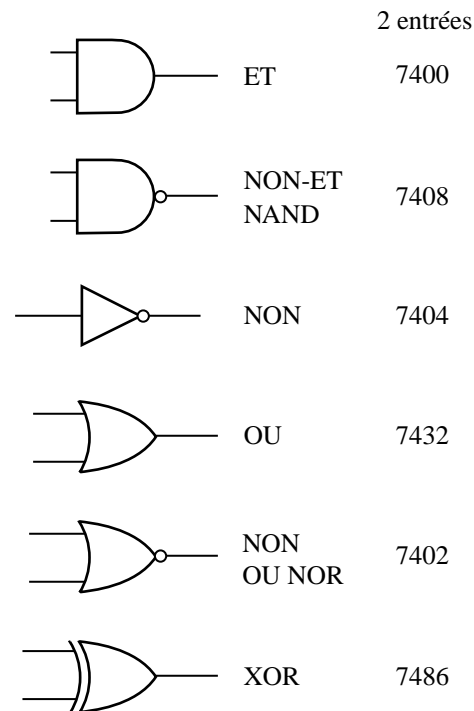
Étapes:

Highlevel design	outils de synthèse	simulateur	Hardware programmable
EX: TTL 0.50\$ FPGA 10\$ (FPGA= 50TTL)		trouve problème de timing de conception de charge	-FPGA -PROM -ROM -PAL

D'autres cours en gel-gif traitent de ces domaines

Familles logiques - Considérations pratiques.

Les portes simples sont disponibles dans la famille TTL sous formes des circuits SSI (small scale intégration)

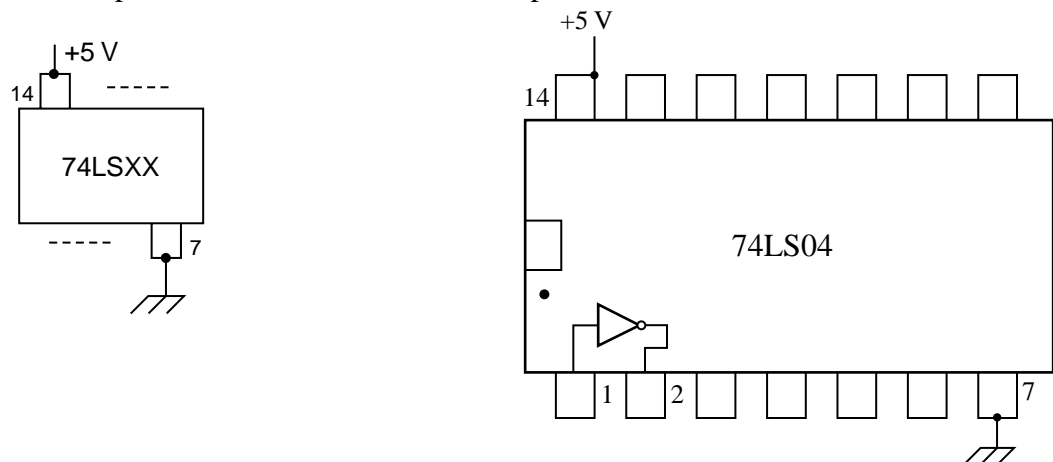


La Famille TTL nécessite une alimentation entre les pins 14 et 7

Les numéros de circuits ci sont 74LSXX
D'autres familles sont disponibles:

- CMOS, série 4000
- en version 3.3 volt DC aussi

Le labo portera sur une première familiarisation avec les portes élémentaires SSI.



Dans le logiciel Xilinx Foundation, les circuits TTL se retrouvent sous l'appellation "x74xxx".